

Manuel Carro Liñares¹, Óscar Martín Sánchez²

¹Facultad de Informática, Universidad Politécnica de Madrid; ²Unidad de Organización y Sistemas, Caja Madrid

<mcarro@fi.upm.es>, <oscarml@epersonas.net>

Solución del problema A: ¿Dónde está mi interrupción?

El enunciado de este problema apareció en el número 165 de *Novática* (septiembre-octubre 2003, p. 76). Es el problema A de los planteados en el I Concurso Universitario de la Comunidad Autónoma de Madrid (CUPCAM 2003)

1. Resumen del problema

Recordemos brevemente el problema propuesto en el número anterior: tenemos un extracto de un manejador de interrupciones del cual sólo nos interesan las órdenes que realmente cambian el valor de la máscara de interrupciones, $imr0$. El lenguaje con el que trataremos está generado por la gramática de la **figura 1**; la semántica es la esperada (asignaciones y operaciones lógicas que son extensiones de las de bit a bit).

Manejador	::=	Instrucción;
		Manejador
		Instrucción
Instrucción	::=	Registro := Op BinOp
		Op
BinOp	::=	and or xor
Op	::=	Valor not Valor
Valor	::=	Registro Número
Registro	::=	Imri
Número	::=	0 1 2 ... $2^w - 1$

Figura 1. Lenguaje de manejo de interrupciones.

Un ejemplo de rutina aparece en la **figura 2**. En ella deseamos saber si el valor final de $imr0$ puede ser 0 para algún valor inicial de $imr0$, o si, por el contrario, esa situación no es posible. Las variables $imri$ son locales a cada rutina y deben ser asignadas antes de su utilización.

```
imr1 := imr0 or not 23;
imr2 := imr1 xor not imr0;
imr3 := 87 or imr2;
imr0 := not imr3 or imr1;
```

Figura 2. Una rutina P de manejo de interrupciones.

Cada rutina P implementa una función

$$f_P : B^w \rightarrow B^w$$

donde w es el ancho (el número de bits) de cada $imri$. Para reflejar mejor que cada registro se comporta como un vector de bits (para habilitar o inhibir interrupciones) utilizaremos explícitamente una notación vectorial en las variables y constantes. El código de la **figura 2** implementa, por ejemplo, la función

$$f_P(\bar{x}) = \bar{x} \vee \overline{-23} = \bar{x} \vee \overline{11101000}$$

donde hemos asumido, como en el primer problema de ejemplo del enunciado, que el número de bits w en el registro de interrupciones

es de 8, y por tanto $\overline{-23}$ tiene 8 dígitos binarios. El problema inicial puede reformularse como averiguar si para una rutina P dada existe un valor inicial de la máscara de interrupciones $imr0$ tal que $f_P(imr0) = \overline{0}$.

Hay que resaltar que, dado que el lenguaje generado por la gramática de la **figura 1** no incluye bucles, la ejecución de cualquier rutina escrita en este lenguaje terminará siempre para cualquier valor inicial de $imr0$ y que, por la naturaleza de las operaciones lógicas, $f_P(\bar{x})$ está definida para cualquier $\bar{x} \in B^w$.

2. Enumerando

Un método de resolución consiste en enumerar todos los valores iniciales posibles de $imr0$ (no más de 2^{32} , de acuerdo con los límites fijados en el enunciado del problema) y realizar una interpretación de la rutina P para cada uno de esos valores. El problema de este enfoque es el tiempo que esta interpretación puede llevar: recordemos que en los concursos de programación los tiempos de ejecución de programas están acotados para evitar, precisamente, soluciones triviales. Es posible acelerar esta interpretación usando técnicas conocidas de compilación:

- Precompilar el código de la rutina en una suerte de *código de byte*, que puede ser interpretado mucho más rápidamente. La única operación a realizar es asignación, y los números de registros pueden utilizarse directamente para indexar un vector donde se guardan los valores de los registros.

- La compilación puede, en realidad, llevarse hasta el punto de sintetizar la función f_P correspondiente al programa P . Por ejemplo, como ya vimos, $f_P(\bar{x}) = \bar{x} \vee \overline{-23}$ para el programa de la **figura 2**. Esta función siempre puede tener la forma $f(\bar{x}) = (\bar{x} \wedge k_1) \vee (\overline{-\bar{x}} \wedge k_2)$ en la que sólo hay que averiguar los valores de k_1 y k_2 , y debería ser más rápida de interpretar que una versión de código de byte.

Sin embargo cualquiera de esas opciones parece demasiado trabajosa para realizar en el tiempo limitado disponible en un concurso de programación. Adicionalmente, no es seguro que la ejecución sea suficientemente rápida como para cumplir con las restricciones de tiempo impuestas por el procedimiento de corrección de los problemas. Para hacer una estimación, asumamos el siguiente bucle de comprobación en C:

```
for (imr = 0; imr != ~0; imr++) {
    if (((imr & k1) | (~imr & k2)) == 0) {
        cero = 1;
        break;
    }
}
```

El resultado de compilarlo (usando gcc 3.3 y nivel de optimización -O2 para i686) utiliza 10 instrucciones de ensamblador (entre las que hay dos de salto) para cada iteración. Un procesador de la familia i686 a 2 GHz de velocidad y que sea capaz de realizar un par de instrucciones por ciclo podría explorar 2^{32} valores en aproximadamente $(10 \times 2^{32}) / (2 \times 2 \times 10^9) \approx 10,7$ segundos para un solo caso de prueba (el tiempo experimental ronda los 9,6 segundos). Esto podría exceder fácilmente los límites admisibles en un concurso de programación impuestos, precisamente, para evitar este tipo de algoritmos de (casi) fuerza bruta.

3. Bits independientes

Hay una propiedad importante que no hemos aprovechado: en las constantes y los registros el valor del bit i -ésimo no afecta al valor de otros bits en los registros, porque no hay ni operaciones de rotación ni aritméticas, y las lógicas son extensiones de operaciones bit a bit. La función f_P puede por tanto descomponerse en un vector de funciones $f_P = (f_0, f_1, \dots, f_{w-1})$ (figura 3) que aplica cada uno de los componentes f_i a un bit x_i de \bar{x} : $f_P(\bar{x}) = (f_0(x_0), f_1(x_1), \dots, f_{w-1}(x_{w-1}))$.

Una condición equivalente a que $f_P(\bar{x})$ sea $\bar{0}$ para algún \bar{x} es que $f_i(0) = 0 \vee f_i(1) = 0$ para todo i , y el valor \bar{c} tal que $f_P(\bar{c}) = \bar{0}$ se puede hallar componiendo el valor de los bits i -ésimos que hacen que $f_i(c_i) = 0$. Por otro lado, si en algún momento hallamos que $f_i(0) = 1 \wedge f_i(1) = 1$, para algún i , entonces ya podemos concluir que el manejador nunca terminará con $\text{imr0} = \bar{0}$.

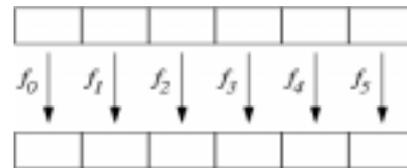


Figura 3. $f_P = (f_0, f_1, \dots, f_{w-1})$.

Esta idea permite realizar una búsqueda mucho más inteligente: en vez de comprobar todos los valores desde 0 hasta $2^w - 1$ sólo es necesario comprobar los valores 0, 1, 2, 4, ..., 2^{w-1} (que sólo tienen un 1 en cada posición) - una aceleración exponencial con respecto a la enumeración inicial. El algoritmo, a grandes rasgos, sería: poner cada bit a cero y a uno, independientemente. Si alguna f_i siempre se evalúa a uno (es decir, $\exists i f_i(0) = 1 \wedge f_i(1) = 1$), entonces imr0 no puede ser $\bar{0}$ al final. En otro caso, existe un imr0 inicial tal que $f_P(\text{imr0}) = \bar{0}$.

Es posible refinar aún más esta idea: dado que en el cálculo del valor de salida cada bit es independiente de los demás, sólo es necesario calcular una vez $f_P(0)$ y $f_P(1)$, introduciendo primero el valor $\text{imr0} = \bar{0}$ y luego $\text{imr0} = \bar{1}$ (es decir, un registro inicial con todos los bits a cero o todos a uno). Por tanto, lo único que hay que comprobar es si $f_P(0) \wedge f_P(1) \neq \bar{0}$, en cuyo caso el manejador será seguro. La única precaución a tener en cuenta en la práctica es realizar las comparaciones pertinentes usando sólo w bits; de lo contrario las negaciones de valores (p. ej. not 0) podrían dejar bits a uno en la parte superior de los registros que falseasen los resultados finales. Un esquema del algoritmo, en un pseudocódigo procedimental, sería el siguiente:

```
read(Ancho, Manej, Fin);
while not Fin loop
    Unos := 2 ** Ancho - 1;
    ResUno := Interp(Manej, Unos);
    ResCero := Interp(Manej, 0);
    if (ResUno & ResCero & Unos = 0)
        then Print(cero);
        else Print(no cero);
    end if;
end loop;
```

donde Interp() evalúa el resultado que el manejador Manej deja en imr0 .

4. Código final

El código que sigue implementa en Prolog el algoritmo anterior, centrándose en la determinación del resultado para la definición de un manejador dado. No se presenta la lectura del programa en sí por ser algo relativamente mecánico: asumiremos que se ha construido ya una estructura de datos que representa el programa de forma adecuada.

El fragmento inicial, `ceroable/3`, recibe la definición de un manejador y el número de bits (el número de interrupciones) de ancho de los registros. Obsérvese que se llama sólo dos veces al intérprete del programa (`__imr0_final/3`): una con un registro inicial `imr0=0` y otra con `imr0=1`.

```
ceroable(Manej, Bits, Ceroable):-
    imr0_final(Manej, 0, V0),
    Unos is (1 << Bits) - 1,
    imr0_final(Manej, Unos, V1),
    Veredicto is V0 /\ V1 /\ Unos,
    (
        Veredicto == 0 ->
        Ceroable = cero
    ;
        Ceroable = 'no cero'
    ).
```

Un ejemplo de consulta (con la rutina de la **figura 2**) es:

```
?-ceroable((imr1 := imr0 or not 23;
            imr2 := imr1 xor not imr0;
            imr3 := 87 or imr2;
            imr0 := not imr3 or imr1),
            7, Z).

Z = 'no cero' ?
```

La evaluación del programa utiliza llamadas a un diccionario (una implementación de una tabla que almacena pares *clave-valor*) para guardar los valores de los registros intermedios y del registro final. El uso de variables lógicas permite que las operaciones de consulta y de primera inserción usen la misma llamada: obsérvese como `dic_lookup/3` se usa tanto para insertar el valor inicial `Ini` asociado a `imr0` como para recuperarlo en la variable `Fin`.

```
imr0_final(Manej, Ini, Final):-
    dic_lookup(Dic, imr0, Ini),
    evaluar(Manej, Dic, DicSal),
    dic_lookup(DicSal, imr0, Final).
```

El esquema del resto del programa es un reflejo casi exacto de la gramática (**figura 1**), que se acompaña con los efectos derivados de la ejecución de cada instrucción. El bucle principal distingue el caso de la última instrucción o de una instrucción que aún no es la última. En cualquiera de esos casos el efecto de la instrucción a ejecutar se refleja en el cambio del estado del diccionario.

```
% Manejador ::= Instrucción;Manejador |
% Instrucción;
evaluar((Ins;Insns), DicEnt, DicSal):-
    eval_inst(Ins, DicEnt, DicMed),
    evaluar(Insns, DicMed, DicSal).
evaluar(Ins, DicEnt, DicSal):-
    eval_inst(Ins, DicEnt, DicSal).
```

Las instrucciones tienen siempre la forma *Registro = Expresión*; éste es el único punto en que se altera el estado del programa, y por tanto es el único sitio en que se cambia la asignación de valor a los registros.

```
% Instrucción ::= Registro:= Expresión
eval_inst(Reg := Op, DEnt, DSa):-
    eval_op(Op, DEnt, Res),
    dic_replace(DEnt, Reg, Res, DSa).
```

Todas las operaciones son binarias y se evalúan descomponiéndolas en sus operandos, evaluando cada uno de ellos y después realizando la operación correspondiente con los valores ya obtenidos.

```
% Expresión ::= Op BinOp Op
eval_op(Op, Dic, Res):-
    Op =.. [BinOp, Op1, Op2],
    ValOp =.. [BinOp, V1, V2],
    operando(Op1, V1, Dic),
    operando(Op2, V2, Dic),
    operar(ValOp, Res).
```

La forma de cada operando distingue tres casos:

- La negación de una expresión más simple, que se resuelve determinando el valor de la expresión y después negándola.
- Una constante numérica, que tiene como valor a ella misma.
- Un nombre de registro, que se resuelve accediendo al valor asociado al mismo en el **diccionario**

(recordemos que, exceptuando `imr0`, un registro sólo puede aparecer en la parte derecha de una asignación si antes ha aparecido en la izquierda, y por tanto ya tiene un valor asignado).

```
% Op ::= Valor | not Valor
% Valor ::= Registro | Número
% Reg ::= imri
% Número ::= 0 | 1 | 2 | ... | 2^w - 1
operando(not Valor, R, Dic):-
    operando(Valor, V, Dic),
    R is \ V.
operando(Valor, Valor, _Dic):-
    number(Valor).
operando(Reg, Valor, Dic):-
    atom(Reg),
    dic_lookup(Dic, Reg, Valor).
```

Finalmente, las operaciones con valores ya determinados se realizan utilizando las operaciones bit a bit directamente disponibles en Prolog

```
% BinOp ::= and | or | xor
operar(V1 and V2, R):- R is V1 /\ V2.
operar(V1 or V2, R):- R is V1 \/ V2.
operar(V1 xor V2, R):- R is V1 # V2.
```

5. Más datos

La estrategia habitual para evitar que una interrupción habilitada provoque llamadas (reentrantes) a un manejador de interrupciones es inhibirla de forma automática en el momento de ser recibida pero entonces el manejador debe ocuparse de habilitarla de nuevo al terminar su ejecución.

El problema (expuesto de forma simplificada aquí) es de especial importancia en la implementación de sistemas empotrados y de tiempo real, en los que el sistema operativo debe ser lo más liviano posible y se aprovechan al máximo las capacidades del hardware. En estos casos el arranque de tareas puede realizarse mediante el uso de interrupciones, y las prioridades relativas entre las tareas del sistema pueden ser implementadas mediante la habilitación o la inhibición explícitas de interrupciones, como se ha descrito.

En un caso real el esquema debe ser más complicado: las habilitaciones e inhibiciones pueden aparecer entremezcladas con el resto del código, dentro de expresiones condicionales o dentro de bucles. El análisis del enmascaramiento necesita tener en cuenta el control de flujo; éste es un campo del análisis de programas en el que se realiza investigación en estos momentos[1].

▶ Referencias

[1] Krishnendu Chatterjee, Di Ma, Rupak Majumdar, Tian Zhao, Thomas A. Henzinger y Jens Palsberg. Stack Size Analysis for Interrupt-Driven Programs. En Tenth International Static Analysis Symposium (SAS), número 2694 en Lecture Notes in Computer Science, páginas 109-126. Springer-Verlag, 2003.

▶ Notas

¹Para usuarios habituales de Prolog: aunque usualmente no se recomienda utilizar `=/2` en los programas, debido a la lentitud y gasto de memoria, nosotros lo hemos empleado aquí porque la velocidad no es un problema y proporciona un código algo más corto que otras alternativas.